PIV AND LDA FLOW PARAMETERS MEASUREMENT IN THE WATER CHANNEL WITH HIGH NEGATIVE STEP

PIV A LDA MĚŘENÍ PARAMETRŮ PROUDĚNÍ VE VODNÍM KANÁLU S VELKÝM ZÁPORNÝM STUPNĚM VE DNĚ

P. Zubík^{*}

Summary: Technique and results of measurement of flow parameters in the channel model of rectangular cross-section with a negative bottom step are presented. The flow was alternatively arranged with and without free water surface. The contact-less measuring techniques, i.e. Laser Doppler Anemometry (LDA) and Particle Image Velocimetry (PIV), were used for the measurement of mean and pulsation velocity components. The measurement was carried out in several different regimes of flow. The results of measurement in a relatively simple technical element were destined for subsequent calibration and verification of mathematical models of turbulent flow.

1. Úvod

Laboratoř vodohospodářského výzkumu (LVV) Ústavu vodních staveb Fakulty stavební Vysokého učení technického v Brně byla spoluřešitelským pracovištěm výzkumného projektu podporovaného Grantovou agenturou České republiky "Vyšetřování turbulentního smykového proudění v kanálech s náhlým rozšířením průřezu" reg. č.: 101/03/0018. V prvním a druhém roce řešení tohoto výzkumného projektu byl proveden experiment na přímém kanálu s rozšířením obdélníkového průřezu 200 x 180 mm na čtvercový průřez 200 x 200 mm (negativní stupeň ve dně 20 mm) při tlakovém proudění a při provozu s volnou hladinou. Další série měření byly provedeny na kanálu s rozšířením průřezu 200 x 160 mm na průřez 200 x 200 mm (negativní stupeň ve dně 40 mm) při obou režimech proudění. Následující text stručně prezentuje průběh a výsledky třetího roku řešení. Účelem experimentů bylo získat vstupní a ověřovací data pro "odladění" matematických modelů realizovaných na řešitelském pracovišti – Ústav termomechaniky Akademie věd České republiky.

K měření byly použity dvě měřicí metody: rovinná laserová anemometrie (Particle Image Velocimetry (PIV)) – posloužila k měření rozložení rychlostí ve zvolených dvourozměrných řezech a bodová laserová anemometrie (Laser Doppler Anemometry (LDA)) – měření turbulence rychlosti ve vstupním poli a měření nestacionarity proudění v prostoru za náhlým rozšířením kanálu.

2. Zkušební trať, model, proudové podmínky

V prostorách LVV byla pro testovací okruh využita zásobní nádrž s čerpadlem řízeným frekvenčním měničem. Pro daný účel byl vyroben hydraulický okruh s modelem předmětného kanálu včetně vstupního a výstupního úseku.

Vzhledem k záměru použít pro měření rychlostí bezkontaktní optické metody byly pro výrobu celého kanálu s protiproudním a poproudním úsekem zvoleny materiály a technologie zajišťující maximální průhlednost. Rozměry modelů jsou uvedeny ve schématu na obr. 2, celkový pohled na model je na obr. 1.

^{*} Ing. Pavel Zubík, Ph.D.: Ústav vodních staveb, Fakulta stavební, Vysoké učení technické v Brně; Veveří 331/95, 602 00 Brno; tel.: 541 147 286, fax: 541 147 288; e-mail: <u>Zubik.P@fce.vutbr.cz</u>

Proudění na modelu bylo realizováno v režimu tlakovém i o volné hladině (po sejmutí horního krycího víka kanálu). Pro režim s volnou hladinou byly průtoky sníženy tak, že deformace hladiny v okolí zájmového profilu byla prakticky zanedbatelná.

3. Použitá měřicí technika

Popis použité měřicí soupravy pro PIV: Dvojitý pulzní laser typu Nd:YAG, výrobce New Wave Research typ Gemini PIV, s nastavitelnou opakovací frekvencí 0 až 15 Hz. Záznamová kamera FlowSense 2M výrobce Dantec s rozlišením 1600 x 1200 pixelů. Synchronizaci všech prvků v měřicím kompletu zajišťuje centrální řídící jednotka System Hub od firmy Dantec. K sycení vody byly použity částice PSP-50 (Polyamid Seeding Particles) se střední velikostí 50 µm. V každém zvoleném měrném řezu byla zaznamenána řada 50 až 75 okamžitých stavů rychlostního pole se vzorkovací frekvencí většinou 5 Hz při tlakovém proudění a 1 Hz při proudění o volné hladině. Odhad hodnoty rozšířené nejistoty bodové rychlosti proudění vody v měrném poli, na hladině spolehlivosti 95 %, je menší než 15 %. Tato metoda ovšem není určena k měření bodové rychlosti, ale ke zjišťování širších časoprostorových souvislostí.

Popis použité měřicí soupravy pro LDA: Argonový laser výrobce Ion Laser Technology Model 5500A, max. výkon 300 mW, optická souprava pro dvousložkové měření dopřednou metodou, výrobce DISA typ 55X a procesor, výrobce Dantec typ BSA. V každém měrném bodě bylo zaznamenáváno 20 000 vzorků s nepravidelnou frekvencí v rozpětí 200 až 1200 Hz dle aktuálních optických podmínek a hustoty stopovacích částic. Dodatečné sycení nebylo prováděno – byly využívány přirozeně se vyskytující částice ve vodě z vodovodního řádu. Odhad hodnoty rozšířené nejistoty rychlosti proudění vody v měrném bodě, na hladině spolehlivosti 95 %, je menší než 5 %.

4. Měření parametrů vstupního pole

Ve vzdálenosti 540 mm případně 550 mm protiproudně před rozšířením byl zvolen profil pro měření parametrů vstupního proudového pole.

V poměrně husté síti měrných bodů (104 při tlakovém proudění a 160 při proudění o volné hladině) bylo provedeno měření metodou LDA. V každém měrném bodě bylo naměřeno 20 000 hodnot podélné složky rychlosti tempem několika set dat za sekundu. Byly stanoveny střední (průřezové) rychlosti tohoto vstupního rychlostního profilu: Tlakové proudění v = 2,92 m/s (přepočtem za schodem v = 1,32 m/s), proudění s volnou hladinou v = 0,38 m/s (přepočtem za schodem v = 0,16 m/s). Ze zaznamenaných dat je možno získat pro matematický model důležitou informaci o charakteru turbulence v daném místě. V tomto zvoleném vstupním řezu bylo při tlakovém proudění také provedeno měření v 13 bodech jedné horizontály situované mezi bočními stěnami v úrovni poloviny výšky kanálu při dalších dvou různých průtocích pro orientační zjištění vlivu průřezové rychlosti na intenzitu turbulence. Ukázka vyhodnocených vstupních rychlostních polí je na obr. 4 a 6 a polí turbulence na obr. 5 a 7.

5. Měření proudění v prostoru náhlého rozšíření

Měrné roviny PIV byly voleny vždy rovnoběžně s podélnou osou kanálu se svislou a vodorovnou orientací.

Ve vektorovém poli ve svislé rovině symetrie kanálu dominují vysoké rychlosti orientované téměř shodně s osou kanálu, ve srovnání s nimi jsou poměrně malé rychlosti v úplavu za schodem nevýrazné. Teprve detailní pohled na oblast za náhlým rozšířením kanálu ukazuje složitost daného typu proudění.

Z průmětů vektorů rychlosti do rovin rovnoběžných se dnem kanálu je patrný trojrozměrný charakter daného proudění, obzvláště zřetelný z obr. 13 a posloupnosti obr. 8 až 10.

V průběhu PIV měření byl zjištěn, oproti předchozím variantám modelu s nižším schodem, výrazný nárůst délky doby, kdy je již možno považovat děj za kvazistacionární. Obzvláště výrazné to bylo při proudění s volnou hladinou a velmi nízkých rychlostech proudění - při zpracování sérii měření trvajících méně než 60 sekund byl pokaždé získán jiný lokání časově střední obraz rychlostního pole, příklad je vidět na porovnání obr. 11 a 12.

Porovnávání jednotlivých okamžitých stavů rychlostního pole s časově středními rychlostními poli za hranou schodu ukazuje poměrně značné rozdíly. Charakteristickým rysem jsou neustále vznikající, ubíhající a zanikající vírové struktury.

Po provedení měření metodou PIV a získání celkového přehledu o charakteru proudění bylo pro aplikaci matematických modelů provedeno poměrně rozsáhlé LDA měření v několika svislicích (vždy ležících v rovině symetrie kanálu) v různých vzdálenostech od profilu náhlého rozšíření. Bylo tak získáno mnoho verifikačních dat o rychlostech a jejich fluktuacích, příklad grafického výstupu je na obr. 14.

6. Závěr

Bezkontaktní měření středních a pulzačních složek rychlostí proudu včetně zobrazení časového vývoje úplných rychlostních polí v definovaných profilech hydraulického okruhu s náhlým rozšířením průřezu umožnilo detailní analýzu struktury proudu. Měření byla provedena při různých rychlostních poměrech ($\text{Re}=\text{S}\cdot\text{v/v}=(3,2\div24,7)\cdot10^4$).

Pro experimenty byl záměrně zvolen prvek relativně jednoduchého geometrického tvaru s proudovými poměry závisejícími zejména na Reynoldsově kriteriu. Měření parametrů nestacionárního proudění v oblasti odtržení a tvorby vírů je pro verifikaci numerických postupů a nalezení vhodného modelu turbulence obzvlášť cenné. Podrobnosti jsou v příspěvku Jaňour & Jonáš (2004).

7. Literatura

- Šulc J., Lichtneger P., Zubík P. (2004) Flow parameters measurement in the channel with the negative step. In.: Engineering Mechanics 2004, Ústav termomechaniky AVČR, Svratka 2004, s. 289-290, CD 10 s. ISBN 80-85918-88-9
- Jaňour Z. & Jonáš P. (2004) Some methods of the control of the separation region behind a backward facing step. Book of Abstracts 75th Annual Scientific Conference GAMM'2004 Jahrestagung, Dresden, March 21-27, 2004, p.148
- Zubík P., Šulc J. (2005)Analysis of the internal structure of flow in a channel with negative step. In.: Engineering Mechanics 2005, Ústav termomechaniky AVČR, Svratka 2005, s. 365-366, CD 11 s. ISBN 80-85918-93-5
- Jonáš P., Mazur O., Uruba V. (2005) A contribution to the similarity study of 3Dflow in a channel with a step expansion of the cross-section. In.: Engineering Mechanics 2005, Ústav termomechaniky AVČR, Svratka 2005, s. 147-148, CD 8 s. ISBN 80-85918-93-5
- Zubík P. (2005) Porovnání výsledků měření provedených pomocí LDA a PIV na kanálu se záporným stupněm ve dně. In.: 19. Sympozium o anemometrii. Ústav pro hydrodynamiku AVČR, Holany-Litice 2005, s. 155-160. ISBN 80-239-4871-7.





Obr.1 Celkový pohled na model při proudění s volnou hladinou



Obr.2 Schéma modelu – svislý podélný řez



Obr.3 Schéma poloh měrných rovin a měrných svislic vzhledem k profilu náhlého rozšíření a stěnám kanálu, označení použito v grafu na obr. 14





Obr.5 Rozložení turbulence podélné složky rychlosti v profilu 540 mm protiproudně před schodem výšky 110 mm při tlakovém proudění (hodnoty %)



Obr.6 Rozložení podélné složky rychlosti v profilu 550 mm protiproudně před schodem výšky 110 mm při proudění o volné hladině (hodnoty m/s)



Obr.7 Rozložení turbulence podélné složky rychlosti v profilu 550 mm protiproudně před schodem výšky 110 mm při proudění o volné hladině (hodnoty %)

🕅 2mr	n od dna - '	/ect	or S	tatis	tics											1411											_	
			~	~	~	~	~	-	~	~				1.1		~		÷		-		< <	~ ~			~~~	<<	
nn -			~			~	~	~	Λ.	Λ.	1		-		-	/	-	÷		-		-2-	22	in the	a de		źź	
				-	-	~	~	Ν.	Λ.	1	1	× .		1	/	~	~	· ~	-	-	-	-2-	2-2		60	60	14	
180 -					~	~	~	~	Α.	1	1	1	1	-	~	1	1	~ · ·	•	~ ;		1	20		1	10	22	
1 - 5 - 1			-		-	~	-		1	1	1	1	-		~	~	~	~	~	~ ·	-					1.1	22	-
1 8					-				1	1	1	1	~	-		-	a	~		~	e	1	10		1		22	
160 -			~	~	\sim		1	1	1	1	1	-	-	-	-	-	e.,		~		-	12	20				12	
1 3			-		-			~	1	1	1	1	-		•	-	er.	~		e	2-2		4		1	22	16	
1 1	-	• •		-	× .			~	~	1	1	~	-	-	<u> </u>		جـــــــــــــــــــــــــــــــــــــ			e	-2	Æ	44		1	17	70	
140 -			-		~			~	-	**	-	~	-		•					e - 4	eee		22		12	L	22	
1.3	-	•			1		1	1	-	-		-	-	+	-	<u> </u>	÷.,	e-e		<->			æ2	44	1	Et	22	
1 3				~	/		~	-		-	*	*	*	****	-	÷	÷	e					-				LE	
120 -		•	~	-			~	~	-	-	~	~	*	*	*	*	<u> </u>	~~~		←	← ≪		~~			~~	<	
			~	~		-	****	-	-	-	-	*	*	-					<u> </u>	÷	<u> </u>		< <	÷		\leftarrow	\leq	
1 3		· ·	~	\sim		~	-	~	-	-	~	~	~	+	-	~		~~~	<u> </u>	÷			~~	~~~	\leftarrow	$\leq \leq$	44	
	`	· · ·	1	~	*	~	~	-		~	~	~	-		*	~	~	~	~		6			t in the second s	55	55		
100 -	`	• `	~	`	× .	1	1	~	-	~		~	-	-	~	-		~		<u> </u>	<u></u>		<u>_</u>				55	
1.5	`	• `	~	\sim	× .	1			~	~	× .	~	~	~	~	~	~	~		<u> </u>	5-3	-2-	22				22	~~~
	``	• •		~	Ň	1	N		1	1	•	•	~	•	~	~	~		~	-			20	100		22	22	
80 -	,	• `	~	~	~	~	~	-		1	× .	×	~	~	1	~	~	\sim	~	<u> </u>			24	100	42	22	22	\sim
1 - 5 - 1	`		1	~	~	~	~	~	/	1	'	•	~	~	1	`	<u>`</u>	<u></u>	-	-	~		1 - N	and the	1	66	22	
1.8.1	`		~	~	~	~	~	1	1	1	1		~	~	`	`	<u>`</u>	<u>></u>	~	~	-	-	+ +	661	2 10	10 100	5 24	\sim
60 -	`		1	~	~	~	~	/	/	^	1	1	1	`	`	1	<u>\</u>	<u></u>	~	-	-	-	1 11	1 2 1	200	16 M	86	
1.2	``	• `	~	~	~			/	1	/	/	/		`	`	`	<u>\</u>	<u> </u>	~	\sim	5	-	16 14	1000	7 2	16 16	10 00	~
1 8	`	• `	~	~	~		-	1	1	1	/	1		`	`	1	1		-	1	1		- +	- 10- 1	- 40-	de 26	##	
40 -			~	~~		~~	1	1	1	1	1	/	/			`	~	\sim	\sim	-	-		A. 4	C ME Y	200 2	10 20	8.20	_
1 8	-		~		~	1	1	1	1	1	1	1	/	1	1	1	1	1	~	~	2		~ ~	- +++ +	14 2	22	22	
1 3	-		~	~	~	1	1	/	/	/	/	1	/	/	1	1		~	~	-	~	~~~~	20		1	100		
		· .	<u> </u>	1	1	1	/	1	/	1	1	/	/	/	1		`	~	~	\geq	\sim	-				99 99	39	\sim
20		· .	~	~	~	/	~	/	~	~	~	/	/	/	1		~	~	-	1	· · ·	~ ~						
1 1			~					_	_	_	_	_		1	1	1	1	\sim	~	~	× . *							
<u> </u>					-+	-+	<u> </u>										~	~	~	*		<u>~~</u>	~~~			\leq	\leq	
0	20	4	1111	6	0	80	uuu	100	12	0	140		160	180	. pur	200	22	20	240		260	280	300	320	340	360	380 #	am 400

Obr.8 Časově střední obraz průmětů vektorů rychlosti do horizontální roviny 2 mm nad dnem kanálu za schodem výšky 110 mm při tlakovém proudění

🔁 20m	m od dna	- Vec	tor SI	tatis	tics	18																							_	
200 -			-	-	-	~	~	~		/	~	~		~				-	_	-				_					-	-
=			_			_	1	/	2	1	-	2	1	,	÷	Ś.	~		-	~			~~	~		-	-	· • - ·		-
Ξ			-	-	-	-		1	,	,	1	,	,			~	~	~	-	-		~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~			-	-			-2-3	e
180 -		,	2	~	~	-	-	,	1	1	- i -			~		*	-		·	<u>-</u>					تسرير ا	2	200	تصريرنا	- Eng	and
3			-	-	~	-	-		1	i.				~						<u> </u>				-		2-	2	~2	2	and a
8				~	~	~				~	~	~	÷	-	~~~	-		~ a		يسب	-		-ā-	-a-		مسر ت	جسرة	2		and -
160 -			~	s				~	~	~		-	-	÷	*	-		~~ a						÷	-	200	_	_	-	
E			~		-		~	~	~	~	~~~	~~~	÷	•	<u>~</u>	-	<u>ج</u>		~			-2-	Ż	The second	The second second		2	-2		
						~	~	•	*	*	****	· · · · ·		*	-	÷			~	-		-	-	_	1	62	2			
			1	-		~	~	~	~	~	-	÷	«—.	<u> </u>	~	~ ·	~ ~		~	- 2		ż	Ż	Z.	d a	-2	-	1	20	÷
140			1	1	-	-	×	*~~	•				•		~				-2	- 25		-	÷	2		-	- 2			<u> </u>
1.1			/	-	•	*		*		~	~	<u>~</u>	<i>د</i>	÷	<u> </u>	~ -	<	- 2	-2	-	~~	÷.	÷.,	-	e e	-		~	Ż	é- I
		-	1	1	-		-	*	-	-	<u> </u>	÷		÷	~	<u> </u>	<	é		~		~	-	-	è	-			~~	
120 -		r -	× .	~	***	-	-		÷	<u>ج</u> ے	<u>ج</u>	<u>ه م</u>	<u> </u>	<u> </u>	<	<	<	~			~	<	$< \cdot$	é-	é-e	-		2	4	
		e		~		~	-		÷	· · · ·	ni	÷	÷	~	<u> </u>	~ *			- 20	~	~	\leq	<	< -	<-<				< <	<u>e</u>
		1	1.	/						÷	e		<u> </u>	÷	-	€—≤			-	-	\sim	<u></u>	<u> </u>	\leq	\leq	-<	-	-	~~	÷
100 -		(1.	<	~		*	-	-	~~~	· · · ·	s		÷	<				~	~	~~	~	<u> </u>	~	~~	\sim	-	-	< <	
÷		1	Ζ.	/	<	-			·		~~~	<	÷	•	<u> </u>	e	5	-	-			_	-	-	\leftarrow	-	-	\leftarrow		<u></u>
Ξ		ę –	1	/	<	<		~~~	-	<		~~~~		<u> </u>	<u> </u>	5-3		~	~		÷		Z -2	5	6.5	-5	-	-	<-	<u></u>
80 -		ŧ .	/	/	1	1	~	*	*	-				<u> </u>	e	53	s					-	-		2000		-5	-	s	÷
<u> </u>		1	1	/	1	1	-	~	*	+	~~~	÷		<u>م</u> ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	÷	S3	s	≻≪	~	-		~		200	22	5	20	5	5-4	÷
8			1	/	/	1	/	~	~	+	-	*	<u>م</u>		~	<			- 6				-	-	200	-	5	200		
60 -			ŧ	1	1		-		~	-	-		-	*-	~							S	5	-				-	32) 22)	<u></u>
1)	1	×					~	~	~	*		-		-					-	2	Ş	2	200					
Ξ		1	1	٩	~	-		-	1	`	~	-	-	~	~	-		~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~		~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~		-2-	5	2	23	20	-			
40 -		1	<u>\</u>	~	-		-	1	-				~	-	1	-	-		· · · ·	~			~	*						
		١.	× .	<u>`</u>	-	-	_	-	1	'		1	1	`	~	~	\sum	~ '	<u> </u>	<u> </u>		~~	~	5	2				121	
3		۱	`	~		~	~	-	~				-	~	~	-	-		-	_	~ `		1		-				-	1
		1	× .	~	-	_	_	-	-	-	~			~	1	~			$\sum_{i=1}^{n}$	<u>`</u>	\geq			~~		5	5			
- · ·		•		-	-	~	_	~	-	-	~	-		`		~	·			<u>`</u>	~		` <u>`</u>	~~~				-		2
Ξ		•	~ `	~					~		-	-	1				`		``	1	· ·	· ·		~					~	<u> </u>
<u> </u>			~. ·		<u> </u>		-~				-										~	~ -				~~~	~~~~	~~		~~~
0	20	4	0	60		80	1	100	12	0	140	16	0	180		200	220)	240	26	50	280	30	10	320	340		360	380 m	m 400

Obr.9 Časově střední obraz průmětů vektorů rychlosti do horizontální roviny 20 mm nad dnem kanálu za schodem výšky 110 mm při tlakovém proudění

P1 85xm od dna - Vector Statistics 00 01 02 03 04 05 1 05 1 06 1 07 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1																												
		83	5mm od di	na - N	ector/	Stati	istics																					<u> </u>
	2	00 ::		~	1	-	-		~	1		~	~	~~			•			~	~ ~	- 30	22		~~	\rightarrow	>~>	<u> </u>
		m —			~				κ.	-	κ.					~					200	-7-	7.2	the second se	>>	<u> </u>	~~~	<u>>></u>
		-		1	,				-	~	~	~	-		1	/	1		-		ر جسر خ	شيقهه		at the second second	2 >	ŝ	22	
	12	¹⁰ =		/	,	~	~	~	~	~		~	~	Ν.	- 1	 	۸.	~		~ ~	م به		77	-2-3				
		÷		1	1	Ν.	1	**		~	~	۲.	 	~	\sim	~	- 1	1	~	~ ~	رحرر	~~~	رجنسر جن	~Z_3	ينتقريره	73		
		Ξ		1	1	~	~	*	-	÷	~	1	~	~	1	- 1	- 7	~		→ ~		/*	7_7		and the second sec	22	فيرجيهما	
	1Ē	0 <u>=</u>				~	~		-	~	~	1	-	~	\sim	1	- 7	~	~		**_		72		1	2-2	4	
		÷		1	•	-	~		\sim	*	~	*	~		~	1	- 1	1	~	~ ~	ر جسبہ ج		~ >	->-?	1	22		22
	1	Ξ			-	-	-		+	*	*	-		~~~~	~	1		~		~~~	17 - F-					22		
	14	¹⁰ =				~	~	*	*	-	-			-	~	1			<u> </u>				* *			22	2	
		÷		'	-	1	-		*		-	~	~	~	`		1				~					22	10	
		Ξ			1	1	-	-	-	-	-	-	-	_	~						×	-			2-007-0 7 77			
	12	10 =		1		1	 . 		*	-		-		-				_			~ ~			53		2-2		
		÷		1	- <u>(</u>)	1	-		-	-	-	~	~	~	- 2			_	5							73		<u> </u>
		Ξ		- ì-	- <u>`</u> ,	1	1	-			-	_	-		ć				1	7				7				
	10	10 E		- 1	· '/	1	٠,	÷.	Ξ.	-	-	~	~	<u>,</u>			- 5	<u>_</u>							~	~ ~		1
		÷		÷	1	1	1	_	-	~	~	~	2	~				-	-	1-	~ ~		5 7					
		Ξ			1	1	1	~	~	~	 	~	~	~	÷.	~	÷.		1	1-			~ ~	\leq				
	8	0 <u>=</u>		1	1	1	1	/	~	-	~	~	~	,	,		~	-	1	1	17 <u>-</u>	-		-				
		-		- t	1	1	1	-	~	~	~	~	~	~	- i					~~ ~	#							
		Ξ.		1	1	1	ĥ.	~	~	_	1	~	_	1	÷				يعسر	->		<u> </u>	ŞŻ	÷->	-5-	s-÷	<u> </u>	SSi
	6	0 <u>=</u>		- ([ì	i	1	1	-	-	-	~		,	/					×		z ->-					نجح
		÷		- [1	Ĺ.	- i	1	1	-		-			1						~~ <u>~</u>			<u> </u>	-2-	55	÷	SSi
		Ξ		[1	- í	Ń.	1	-		-	-			~		~						> >					
	4	0 E		1	- i	Ń	1	Δ.	~					-	~	~	~	~~~				-sc-	5-5			<u> </u>		
		-		- X-	- N	× .	× .	~	~	1		~		~	~	-	~	\sim	~~~		~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~		2-2	- <u></u> >	- Topo	5-3		<u></u>
	н	Ξ.		1	Ň	× 1	~	~	-	-	/	-	~	-	-		_	~	~~~~				<u> </u>			5 ->		
	2	0 =		1	N .	~	~		\sim	1	1	~		1		~		~		~	~ ~					<u> </u>		>>1
		÷.		~	× .	\sim	-	-		~	~	~	~		~~			·			\rightarrow		\Rightarrow	\rightarrow	≻⇒	\geq	>>	>>
	Ш	3		/	~						~	~	~	-+							~~>		~>	~ >	>>	\geq	>>	>>
	ō	1			10						100				hun	100			000	1100	1100	1000	1000	100		240	1000	100 10

Obr.10 Časově střední obraz průmětů vektorů rychlosti do horizontální roviny 85 mm nad dnem kanálu za schodem výšky 110 mm při tlakovém proudění

🔀 2mm od dna	- Ve	ctor 9	Statis	tics																							_	. 🗆 🗡
:					~	~	-	_			-	-	-	-	-	_	-	-	-		-	•	< <	< •	< <	•	~~~	<u> </u>
mm -	1	Ň			~	~		~	~		-	-	-	_		-	-	~			-	<u>~</u> _2		-			$\sim < \circ$	←
	·	`			\sim	~	\sim	\sim	~	~	-	~	~	~	~	-		•	× .	1	-	4-2	2-Z-	2-2	~~		~~~	<
¹⁸⁰ =		ì	~	~	`	~	\sim	\sim	~	~	\sim	~	~	`	•	·		·		1	-	4	Ľ	24	E C	<	~~	←~~
1 - 2			•	-	-		~	~	>	1	1	~	~	~	~			•	1	1	-		e Ze	22	e e a			÷-
1 3	·			-	~	~	~	~	~	~	~	~	~	~	`			/	1	/	~	4	-2-	Zz				
160 =	Υ.	1	/	/	~			~	~	~	`	~	1	`	× .	1	1	1	1	~	-		e-Z	Æ		~~	÷	
1 - 5	1	1	1	~	~	~		~	~	~	~	~	1	Υ.	1	1	1	4	1	~		4-4		æ.	\sim	~		←
	1	- (1	/	/	~	-	~	~	~	74	`	`	`	1	1	1	1	1	1	-		€- Z		~~	<<		\leftarrow
140 -	1	- Į_	1	1	1	1		-	~	~	`		~	`	1	1	1	1	1	6		i a	$\epsilon - \epsilon$		\leftarrow	< <		←
1.2	1	- L	1	1	- (-	1	/	-		-			•	1	1	<	1	1	1	~		4	2- -			$\leq \sim$	~~~	<u>e-</u>
1 5	1	- Ę.,	1	1	Į	- {	1	•			1	•	1	1	1	~	1	*	-	× :		2-2	ee-			~~		201
120 -		1	1	- !	1		1	~	×	-	-	1		~	~	*	1	~	_	and a second	_	2		$\leq \leq$			ZZ	
1 E	1	Į	- (Į		1	~	\sim	~	-	1	~	<u> </u>		-	1	<	-		4	2	2 - A				~~	24	
1 3	1	l	ľ	- 3	<u>\</u>	`	~	*	~	-	*	-	-		-	-	-				~	<				22	\sim	<u></u>
100	1	1	- }-	7			~	~	-	~		*		~					<u> </u>	2		<	55	53	5 5-	\$S		ş==-
	2	- }	-)		~	~			-	*	-		· • • • •	<u> </u>	÷				2	e				22		>5	-5-5	5-1
	<u>}</u>	3	_) _	2	-	-			-	÷	-		~		-			<u> </u>						22		2.2	<u></u>	<u></u>
	<u>}</u>	_ <u>`</u>			~	<u>ج</u>				-	-			~	*	÷	<		5				-			23		3====
80 =	<u>}</u>		- <u>`</u>		-	+	<u>+</u>	-		-			-	÷	~~~	s			5		27	24	2	22		22	22	<u>s</u>
1 - 2	}	_ <u>}</u>	<u>}</u>	1	~	~	-	-	-	~	-	-		-		-	÷		5		24	24	1	2.0	1			2
1 3	1	<u>ا</u>				~			_	~	\sim	-	÷	< <u> </u>			¥				2.4		10	24	184		Sec. 20	
60 =	- 1	4	1	1	1	-		+	~	~	~	~	~	*	~			~		È R	1	1 2	H.	12.4	275	65	222	22
	1	4	1	1			1	~	\$	\sim	\sim	<u>`</u>		-	•	-		<		÷ 7	2 P	10	- Hois	64	191	22	22	5
	1	- 1	4	4		- T	1	~	2	- >	\sim	<u></u>	\sim	-		÷	-	*			2.3	6.4	#1	11	1. 18 a	72	377	3.7
40 -	1	- f	4	4	- (<u>.</u>		- } -	- 2	· .			+	_	-	-	*	0.0	2.4	13	100	161	i the	đ	22	22
1 3			ļ	4		~			- (-		1		~		-	*	-	~	*	1	2	213	100	40 1	643	É D	the second	22
1 3	1		4				.`		4	- Ç	<u> </u>	`	-	-	ŕ	*-		~	-			2 3	- 10-	46.4	100	1		22
20 -			Į	- 1			`	1		1								\sim	~		27	572	1	100	2	22	22	200
1 E	1	1	- }				~		<u>_</u>	1.			·	•	<u>_</u>	<u>_</u>	ì	\sim	_	\sim					22		22	<u>5</u>
1 3	`	1	1)		_		_	<u>_</u>			-	Ĩ					_			~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~			<u>></u>	-	>>	ç
1		, min	, 				~													······								à
0 20		40	6	0	80		100	12	0	140		160	180		200	22	20	240		260	2	80	300	320	340	360	380	mm 400

Obr.11 Časově střední obraz průmětů vektorů rychlosti do horizontální roviny 2 mm nad dnem kanálu za schodem výšky 110 mm při tlakovém proudění a snížené rychlosti proudění



Obr.12 Lokální časově střední obraz průmětů vektorů rychlosti do horizontální roviny 2 mm nad dnem kanálu za schodem výšky 110 mm při tlakovém proudění a snížené rychlosti proudění

الْسِن	بالإسر		°		 	1		10 10		3	🎇 2n		; 	š 1	⁶		8		<u></u>	8		1	10 1	milii	8		赵 2m
520	£ h h	1/2 /2 /2	1/1/1	661		Å Å		la la la	A M	Å	nm od	-		•						-					,		m od d
54	144	1/1/1/1	1/1/1					\$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$		Ň	dna - V	20		` · ·						í.	1 1	1		11	,	1	na - Ve
0 1111		1/1/1/1	1/1/1	la la la				N N N N	A A	Ì	ector	40								2	· ·	7 1		11	1	' 	ctor Sta
8 11 8	114	TA TA TA	1/1/1	1/4			Ň	N A A	A A			8	· ·	· · ·	· ·		· ·		- 1		1 I 1 I	1	 	1 1	1	i	tistics
8	111	1/2/1/1		1/2/				la la la la la la	MA	Å,		8	•				· .					``````````````````````````````````````	· ·		Ì		
000		1/1/1/1	1/1/1	1/1/1/	n h	**	Å Å	la la la a la la	A A A A	Å		100	•		11	 		 	 				· ·	· · ·	1		
620	* * *	\$ 1/1	1/1/	1 / A /		<u>р</u> М М	n N N N	n n n n n n	al A	Å.		111111111111111111111111111111111111111		· /	11	/ / / /		 	 ~ ~			1	~ ~	\ \ \ \	N N	5	
640	* * *	\$ 4/4	1/1/	ATAT	h h	**	4 A 4 A	la la la la la la		ĺ.		1	17	11	11	//	· / .	, , , ,	/ / / /			1	~ `	11	i I		
660		444	14/1/	1/1		* *	4 A 4 A	4 4 4 4 4 4	* *	1		* 1	17	11	11	11		1 1 1 1	//	1	/ - / -		·	11	1	1 	
680	łţţ	4 1/1	1/1/	14	* *	4 4 4 4	**	6) 6 8 6 8 8	* *	4		160	1 /	11	11	11	1	1 1	//	1	11	,	• • •	14	1	ł	
700	{	444				* *	19 19 19 19	61 61 61 61 61 61	* }	1		180	11	11	11	11	11		/ † † †	1	 	T N	i N - ≈	11	1	$\frac{1}{4}$	
1111	114	444	11				p p	n'n'n N'n'n	11	Ì		200	11	11	14	11			1 1 1 1	1	1 1 1 1	\mathbf{x}		- 1	1	4 1	
740	111	111	14		ł		11	V. V. V.	}]	ł		220	11	I I	44	1			$\left\{ \right\}$	ļ	11	ì		· ·	1	i i	
11111		111				17	<u>``</u>	<u>}</u> };		Ì		240	44	1/1/1	14				} }		\ \ { \ \$ \$	1	5 1 5 5				
78		111	11	111		$\frac{1}{1}$	11					260	\$ 4	14 14	44	ķ			ł	~ .	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	N.	\ \ \ \				
8	\$ } {	111	11		1 1 1 1 1 1			111		ł		2	\$ 14 \$ 14	14 14	4			n n N n	4 4 4 4	Ň	11	1.	~~			, ,	
8		1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 +	11	/ / / / / /		1 \ \ \	11					8	* 4	44	44		1 a 1 a	ha ha Ia ha	n' n' N N	N'	11	1				1	
320		+ + + + + + + + + + + + + + + + + + + +	· · ·	, , , , , , , , ,			× × • -	~ ~ ~	11	ł		300		44	ų į		A A	19 19	4 4 4	ł	r' r'		(r)		N.	i	
11 11 11 11 840	111	1 / 1	X X 1 I	, , . ,		 	· ·	- • •	1 1			320		44	44			n n n n	n n N h	4	ť, ľ		(x)	~ ~	N.	i	
008 1111111	111	1 1 1		·		. ,	і і / х	· • •	+ 1 7 1	i t		340	ſ Į	hh	44	łł		n n N N	n n N N	N.	h h	6, 9		11	Ň	N 1	
088		$\frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}$		· · ·	- /	, , , ,	7 - 1 7 - 1	5 - 2 5 - 2	11	1 1		360	ſ /	hh	44	Î				N I		6,0	$\left(\right)$	11	Ň	ł	
006	1×1	N N - N N -		, , , , , ,			7 - 1 7 - 7	v × - v × -	- 1	1 1		380	14	14	12			N N N N	n n N N			1, 1	$\left(\right)$		1	ł	
920	111	· · · -		/ / / /			/ /	\ - ~ \ ~ ~	- 1	1		400		1/4	TA la			NN	n n N N	NI	ام ام ام ام	8 / 8	1	11	l,		
340	111		11	/ / /				1		т 2		4	1 h	hh	14			Å Å	ĥ ĥ		al al	8/8	11	6 8 8 8	h h	Ì	
360	11.			 				1 1 1				8 III 8	14	1/4 1/4	1/1			11	ĸĸ	N 1 N 1	n i n n i n	N/N	101	A/A			
086	1 + 2		1 1	5 6 4 4 4 4 1 7 7				+	~ ~			440 440	14	ih h					r n N	NÎ I N	n' n' N' n'	N/N	181	n in N in	h h		
100	1 * *	· · · ·		* * * 					~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~			460	14	hh	44		h h 4 h		n N N	N I N I	n' n' N' n'	A/A	141	n n n n		ŧ	
01 00	1 + 1 1 + 1	$\begin{array}{c} \cdot & \cdot & \cdot \\ + & 1 & 1 \\ + & 1 & 1 \end{array}$		• • • • • • • • •					1 1			480	14	hh	44	1/1	h h	\$ \$	n N N N	N' N N N	N N	8 N		V V	NN	ţ	
120	· · / · · /	111	ļį			łł	łł		11			500		44	1/1/1	1/1	n h	* *	n n N N	N' A N' A	N'A N A	N N	(K) (K)	V V	NA NA	1	
040	· · / · · /	111				ļļ		} { }	Ň			520	* *	44	44	41	р Ир. р Ир.		4 K	NN	11 A A A	V V V V		<u>v v</u>	NN N	1	
1060 mm	11	114	11				{ }		i i i i	ì		nm 541	\$ 4	1/4 1/4	44	4	n 1/1 :	1/4			n ai N Ai	N/N	$\left \begin{array}{c} \\ \\ \\ \\ \end{array} \right $	V V V V		N I	-
1080	111	111	11]	11	11	111	11	+	×		44	44	11	41	n 1 p .	14	11	Å.	M M	N	191	را ار	1/1		L X

Obr.13 Časově střední obraz průmětů vektorů rychlosti do horizontální roviny 2 mm nad dnem kanálu za schodem výšky 110 mm při proudění s volnou hladinou, dva na sebe navazující úseky (stupnice na spodním okraji obr. udávají vzdálenost od profilu schodu)



Obr.14 Průběhy podélné složky rychlostí ve svislicích v podélných vzdálenostech L od profilu schodu výšky 110 mm a ležících v rovině symetrie kanálu při proudění o volné hladině