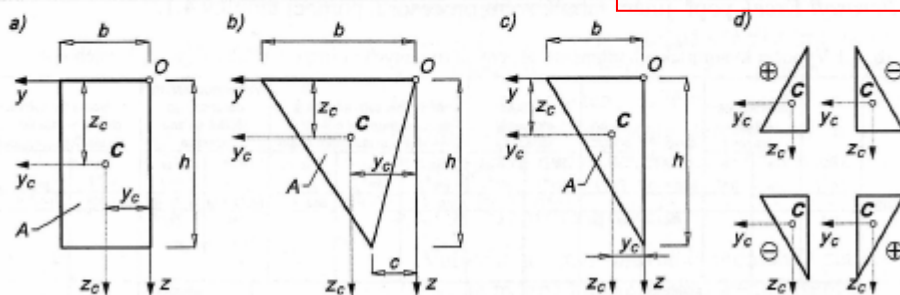


**Tab. 4.2** Obsahy, souřadnice těžišť, kvadratické momenty základních rovinných obrazců k osám  $y, z$  a k těžištním osám  $y_c, z_c$  [6], [7]

Označení:  $A$  ... obsah rovinného obrazce  
 $y_c, z_c$  ... souřadnice těžiště  $C$  rovinného obrazce  
 $I_y, I_z, D_{yz}$  ... kvadratické momenty rovinného obrazce k osám  $y, z$   
 $I_{y_c}, I_{z_c}, D_{y_c z_c}$  ... kvadratické momenty rovinného obrazce k těžištním osám  $y_c, z_c$   
 $I_p$  ... polární moment setrvačnosti rovinného obrazce

Rovinný obrazec	K osám $y, z$	K těžištním osám $y_c, z_c$
obdélník (obr. 4.9a)	$A = bh$ $y_c = \frac{b}{2}$ $z_c = \frac{h}{2}$  $I_y = \frac{bh^3}{3}$ $I_z = \frac{b^3h}{3}$  $D_{yz} = \frac{b^2h^2}{4}$  $I_p = \frac{bh}{3}(h^2 + b^2)$	$A = bh$ $y_c = \frac{b}{2}$ $z_c = \frac{h}{2}$  $I_{y_c} = \frac{bh^3}{12}$ $I_{z_c} = \frac{b^3h}{12}$  $D_{y_c z_c} = 0$  $I_p = \frac{bh}{12}(h^2 + b^2)$
obecný trojúhelník (obr. 4.9b)	$A = \frac{bh}{2}$ $y_c = \frac{b+c}{3}$ $z_c = \frac{h}{3}$  $I_y = \frac{bh^3}{12}$ $I_z = \frac{bh}{12}(3b^2 - 3bc + c^2)$  $D_{yz} = \frac{bh^2}{24}(3b - 2c)$  $I_p = \frac{bh}{12}(h^2 + 3b^2 - 3bc + c^2)$	$A = \frac{bh}{2}$ $y_c = \frac{b+c}{3}$ $z_c = \frac{h}{3}$  $I_{y_c} = \frac{bh^3}{36}$ $I_{z_c} = \frac{bh}{36}(b^2 - bc + c^2)$  $D_{y_c z_c} = \frac{bh^2}{72}(b - 2c)$  $I_p = \frac{bh}{36}(h^2 + b^2 - bc + c^2)$
pravoúhlý trojúhelník (obr. 4.9c)	$A = \frac{bh}{2}$ $y_c = \frac{b}{3}$ $z_c = \frac{h}{3}$  $I_y = \frac{bh^3}{12}$ $I_z = \frac{b^3h}{12}$  $D_{yz} = \frac{b^2h^2}{24}$  $I_p = \frac{bh}{12}(h^2 + b^2)$	$A = \frac{bh}{2}$ $y_c = \frac{b}{3}$ $z_c = \frac{h}{3}$  $I_{y_c} = \frac{bh^3}{36}$ $I_{z_c} = \frac{b^3h}{36}$  $D_{y_c z_c} = -\frac{b^2h^2}{72}$ (1)  $I_p = \frac{bh}{36}(h^2 + b^2)$



**Obr. 4.9** Geometrie a tvary základních rovinných obrazců; znaménko  $D_{y_c z_c}$  pravoúhlého trojúhelníka

<sup>1</sup> Znaménko deviačního momentu  $D_{y_c z_c}$  pravoúhlého trojúhelníka při různé orientaci je naznačeno na obr. 4.9d).

Rovinný obrazec	K těžištním osám $y_C, z_C$ popř. k osám $y, z$
lichoběžník (obr. 4.10a)	$A = \frac{h(a+b)}{2} \quad y_C = \frac{a^2 + ab + b^2}{3(a+b)} \quad z_C = \frac{h(a+2b)}{3(a+b)}$ $I_{y_C} = \frac{h^3(a^2 + 4ab + b^2)}{36(a+b)} \quad I_{y} = \frac{h^3(a+3b)}{12} \quad D_{y_C} = \frac{h^2(a^2 + 2ab + 3b^2)}{24}$
kruh (obr. 4.10b)	$A = \pi r^2 = \frac{\pi d^2}{4} \quad y_C = r = \frac{d}{2} \quad z_C = r = \frac{d}{2}$ $I_{y_C} = \frac{\pi r^4}{4} = \frac{\pi d^4}{64} \quad I_{z_C} = \frac{\pi r^4}{4} = \frac{\pi d^4}{64} \quad D_{y_C z_C} = 0 \quad I_P = \frac{\pi r^4}{2} = \frac{\pi d^4}{32}$
půlkruh (obr. 4.10c)	$A = \frac{\pi r^2}{2} = \frac{\pi d^2}{8} \quad y_C = r = \frac{d}{2} \quad z_C = \frac{4r}{3\pi} = \frac{2d}{3\pi}$ $I_{y_C} = \frac{r^4(9\pi^2 - 64)}{72\pi} \approx 0.1098r^4 \quad I_{z_C} = \frac{\pi r^4}{8} = \frac{\pi d^4}{128} \quad D_{y_C z_C} = 0$ $I_P = \frac{\pi r^4}{4} = \frac{\pi d^4}{64}$
čtvrtkruh (obr. 4.10d)	$A = \frac{\pi r^2}{4} = \frac{\pi d^2}{16} \quad y_C = \frac{4r}{3\pi} = \frac{2d}{3\pi} \quad z_C = \frac{4r}{3\pi} = \frac{2d}{3\pi}$ $I_{y_C} = \left(\frac{\pi}{16} - \frac{4}{9\pi}\right)r^4 = \left(\frac{\pi}{16} - \frac{4}{9\pi}\right)\frac{d^4}{16} \quad I_{z_C} = \left(\frac{\pi}{16} - \frac{4}{9\pi}\right)r^4 = \left(\frac{\pi}{16} - \frac{4}{9\pi}\right)\frac{d^4}{16}$ $D_{y_C z_C} = \left(\frac{1}{8} - \frac{4}{9\pi}\right)r^4 = \left(\frac{1}{8} - \frac{4}{9\pi}\right)\frac{d^4}{16}$
elipsa (obr. 4.10e)	$A = \pi ab \quad y_C = a \quad z_C = b$ $I_{y_C} = \frac{\pi}{4} ab^3 \quad I_{z_C} = \frac{\pi}{4} a^3 b \quad D_{y_C z_C} = 0$
parabolická úseč (obr. 4.10f)	$A = \frac{2}{3} ab \quad y_C = \frac{b}{2} \quad z_C = \frac{2}{5} a$ $I_{y_C} = \frac{1}{30} ab^3 \quad I_{z_C} = \frac{8}{175} a^3 b$

