

Bud' (X_1, X_2, \dots, X_n) náhodný výběr z rozdělení $X \sim N(\mu, \sigma^2)$; $\alpha \in (0, 1)$ dané číslo; α_1, α_2 nezáporná čísla: $\alpha_1 + \alpha_2 = \alpha$.

Potom $100 \cdot (1 - \alpha) \%$ - ní intervalové odhady parametrů μ a σ^2 shrnuje následující tabulka :

μ	σ^2
$\left\langle \bar{X} - u(1 - \alpha_1) \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{X} + u(1 - \alpha_2) \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right\rangle$	známé
známé	$\left\langle \frac{n \cdot S_0^2}{\chi^2(n; 1 - \alpha_1)}, \frac{n \cdot S_0^2}{\chi^2(n; \alpha_2)} \right\rangle$
$\left\langle \bar{X} - t(n - 1; 1 - \alpha_1) \frac{S}{\sqrt{n}}, \bar{X} + t(n - 1; 1 - \alpha_2) \frac{S}{\sqrt{n}} \right\rangle$	$\left\langle \frac{(n - 1) \cdot S^2}{\chi^2(n - 1; 1 - \alpha_1)}, \frac{(n - 1) \cdot S^2}{\chi^2(n - 1; \alpha_2)} \right\rangle$

Kde $u(\gamma)$, $\chi^2(n; \gamma)$ a $t(n - 1, \gamma)$ jsou postupně $100 \cdot \gamma \%$ -ní kvantily rozdělení $N(0, 1)$, χ^2 - rozdělení s n stupni volnosti a t rozdělení s $(n - 1)$ stupni volnosti. \bar{X} je odhad μ a S_0^2 [S^2] je odhad σ^2 v případě, že μ známe [neznáme].

Volba α_1, α_2 :

1. $\alpha_1 = \alpha_2 = \frac{\alpha}{2}$ oboustranný intervalový odhad
2. $\alpha_1 = \alpha, \alpha_2 = 0$ levostranný (dolní) intervalový odhad
3. $\alpha_1 = 0, \alpha_2 = \alpha$ pravostranný (horní) intervalový odhad

Volba testovacího kritéria a kritického oboru pro testy hypotéz o parametrech rozdělení $N(\mu, \sigma^2)$ na hladině významnosti α :

Test H_0 proti H		Testovací kritérium	Kritický obor
$T_1 : \mu = \mu_0 \uparrow \mu \neq \mu_0$	σ^2 známé	$R = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\sigma} \cdot \sqrt{n}$	$W_1 = \{r : r < -u(1 - \frac{\alpha}{2}) \cup r > u(1 - \frac{\alpha}{2})\}$
$T_2 : \mu \leq \mu_0 \uparrow \mu > \mu_0$			$W_2 = \{r : r > u(1 - \alpha)\}$ $W_3 = \{r : r < -u(1 - \alpha)\}$
$T_3 : \mu \geq \mu_0 \uparrow \mu < \mu_0$	σ^2 neznámé	$R = \frac{\bar{X} - \mu_0}{S} \cdot \sqrt{n}$	$W_1 = \{r : r < -t(n - 1; 1 - \frac{\alpha}{2}) \cup r > t(n - 1; 1 - \frac{\alpha}{2})\}$
			$W_2 = \{r : r > t(n - 1; 1 - \alpha)\}$ $W_3 = \{r : r < -t(n - 1; 1 - \alpha)\}$
$T_4 : \sigma^2 = \sigma_0^2 \uparrow \sigma^2 \neq \sigma_0^2$	μ známé	$R = \frac{n \cdot S_0^2}{\sigma_0^2}$	$W_4 = \{r : r < \chi^2(n; \frac{\alpha}{2}) \cup r > \chi^2(n; 1 - \frac{\alpha}{2})\}$
$T_5 : \sigma^2 \leq \sigma_0^2 \uparrow \sigma^2 > \sigma_0^2$			$W_5 = \{r : r > \chi^2(n; 1 - \alpha)\}$ $W_6 = \{r : r < \chi^2(n; \alpha)\}$
$T_6 : \sigma^2 \geq \sigma_0^2 \uparrow \sigma^2 < \sigma_0^2$	μ neznámé	$R = \frac{(n - 1) \cdot S^2}{\sigma_0^2}$	$W_4 = \{r : r < \chi^2(n - 1; \frac{\alpha}{2}) \cup r > \chi^2(n - 1; 1 - \frac{\alpha}{2})\}$
			$W_5 = \{r : r > \chi^2(n - 1; 1 - \alpha)\}$ $W_6 = \{r : r < \chi^2(n - 1; \alpha)\}$

Pearsonův test dobré shody na hladině významnosti α :

$$R = \sum_{j=1}^k \frac{(n_j - np_j)^2}{np_j}; W = \{r : r > \chi^2(k - m - 1; 1 - \alpha)\}$$

Podmínky použitelnosti:

- 1) $np_j \geq 5$ pro alespoň 80% i
- 2) $np_j \geq 1$ pro každé i